## Sémantique (lexicale) distributionnelle Chapitre 6, Jurafsky & Martin (2019)

P. Amsili

nov. 2020



Vecteurs dispersés

Sémantique distributionnelle : principe

### Programme

Plusieurs types d'embeddings :

- Tf-Idf 
   Une baseline courante
  - Vecteurs dispersés (sparse)
  - Les mots sont représentés par une fonction simple des fréquences des mots voisins
- PPMI mesure de l'informativité des contextes par rapport à un mot
- Word2vec 
  Vecteurs denses
  - créés par l'entraînement d'un classifieur à distinguer les mots proches et lointains

Embeddings + récents



### Tf-Idf

### Term-frequency / Inverse document frequency

- Méthode de pondération (de la relation entre un mot-clé (*terme*) et un document)
- Courante en *Recherche d'information* (et Fouille de Textes)
- Une des plus anciennes utilisations des modèles par espace vectoriel (1971)
- terme = token ou lemme ou mot-clé ou mwe ou n-gramme...



└─Vecteurs dispersés └─Tf-Idf

### Matrice terme-document

	QuatreVT	Voyage Bal	Bête Hum.	Mme Bovary
	119 Kw	82 kw	128 kw	117 kw
bataille	35	4	6	2
clair	105	26	96	52
facile	12	19	6	10
politique	11	0	9	5
voyage	17	196	94	44
idiot	2	1	2	6
amour	19	0	47	94

Quatrevingt-treize (Hugo) Le voyage en ballon (Verne) La bête humaine (Zola) Mme Bovary (Flaubert)



Vecteurs dispersés

└─ Tf-Idf

### Documents comme vecteurs

	QuatreVT	Voyage Bal	Bête Hum.	Mme Bovary
bataille	35	4	6	2
amour	19	0	47	94





Vecteurs dispersés

└─ Tf-Idf

### Documents comme vecteurs

	QuatreVT	Voyage Bal	Bête Hum.	Mme Bovary
voyage	17	196	94	44
amour	19	0	47	94





# Méthode IR

Recherche d'information : identification du document d dans la collection D qui correspond le mieux à une requête q. La requête q peut être représentée par un vecteur (de taille |V|) On doit trouver une mesure de <u>similarité</u> entre chaque (vecteur de) document et la requête.



### Vecteurs terme-document

On peut inverser la représentation : les dimensions sont maintenant les documents, les vecteurs permettent de décrire des mots.

	QuatreVT	Voyage Bal	Bête Hum.	Mme Bovary	
	119 Kw	82 kw	128 kw	117 kw	
bataille	35	4	6	2	
clair	105	26	96	52	
facile	12	19	6	10	
politique	11	0	9	5	
voyage	17	196	94	44	
idiot	2	1	2	6	
amour	19	0	47	94	

*amour* (comme *politique*) est le genre de mot qui n'apparaît pas dans "Le voyage en ballon".



Embeddings	5
-Vecteurs	dispersés
└─ Tf-Idf	

On peut visualiser les mots dans l'espace (Quatrevingt-treize, Mme Bovary) :



bataille	(35,2)
politique	(11,5)
amour	(19,94)
voyage	(17,44)



Vecteurs dispersés Tf-Idf

### Matrice terme-terme

### More common: word-word matrix (or "term-context matrix")

Two **words** are similar in meaning if their context vectors are similar

sugar, a sliced lemon, a tablespoonful of apricot their enjoyment. Cautiously she sampled her first pineapple well suited to programming on the digital computer. for the purpose of gathering data and information necessary for the study authorized in the

iam, a pinch each of. and another fruit whose taste she likened In finding the optimal R-stage policy from

	aardvark	computer	data	pinch	result	sugar	
apricot	0	0	0	1	0	1	
pineapple	0	0	0	1	0	1	
digital	0	2	1	0	1	0	
information	0	1	6	0	4	0	



Embeddings		
Vecteurs dispersés		
└─ Tf-Idf		





















-Vecteurs dispersés

└─⊤f-ldf

		large	data	computer
	apricot	1	0	0
$\sum_{i=1}^{N} \vec{v} \cdot \vec{w} = \vec{v} \cdot \vec{w} \qquad \sum_{i=1}^{N} v_i w_i$	digital	0	1	2
$\cos(v, w) = \frac{1}{ \vec{v}  \vec{w} } = \frac{1}{ \vec{v} } \cdot \frac{1}{ \vec{w} } = \frac{1}{\sqrt{\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{v_{i}^{2}}} \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{w_{i}^{2}}}}$	information	1	6	1
ich pair of words is more similar? ine(apricot,information) =	$\frac{1+0+0}{\sqrt{1+0+0}} \frac{1+0+0}{\sqrt{1+3}}$	 6+1	$=\frac{1}{\sqrt{38}}=$	.16
cosine(digital,information) =	0+6+2		8	
e(apricot,digital) =	$\sqrt{0+1+4}$ $\sqrt{1+36}$	5+1 =-	$\sqrt{38}\sqrt{5}$	.58
$\frac{0}{\sqrt{1+0+0}}$	$\frac{-0+0}{\sqrt{0+1+4}}$	= 0		









### Discussion : fréquence brute

Les fréquences brutes sont problématiques

- La fréquence est utile : Si sugar apparaît plus que apricot c'est une information utile
- Mais les mots trop fréquents (comme *it*, *the*) ne sont pas informatifs
- La normalisation (par la longueur du texte) peut aider, mais elle ne change rien à ce paradoxe.









└─ Tf-Idf

tf-idf : synthèse

- similarité de deux mots (en prenant le cosinus)
- similarité de deux documents (en prenant le baricentre de tous les mots du document)





### Une alternative à tf-idf

Chercher à mesurer si un mot du contexte est particulièrement informatif à propos du mot cible.



Positive Pointwise Mutual Information (PPMI)



└─Vecteurs dispersés └─PPMI

### Pointwise Mutual Information

### Pointwise mutual information:

Do events x and y co-occur more than if they were independent?

 $PMI(X,Y) = \log_2 \frac{P(x,y)}{P(x)P(y)}$ 

PMI between two words: (Church & Hanks 1989)

Do words x and y co-occur more than if they were independent?

 $PMI(word_1, word_2) = \log_2 \frac{P(word_1, word_2)}{P(word_1)P(word_2)}$ 



└─Vecteurs dispersés └─PPMI





└─Vecteurs dispersés └─PPMI





└─Vecteurs dispersés └─PPMI





Vecteurs dispersés

∟ррмі

				p(w,cor	ntext)			p(w)
			computer	data	pinch	result	sugar	
	$P_{ii}$	apricot	0.00	0.00	0.05	0.00	0.05	0.11
$pm_{ij} = 10$	$g_2 \frac{g}{n n}$	pineapple	0.00	0.00	0.05	0.00	0.05	0.11
	$P_{i}*P*j$	digital	0.11	0.05	0.00	0.05	0.00	0.22
		information	0.05	0.32	0.00	0.21	0.00	0.58
		p(context)	0.16	0.37	0.11	0.26	0.11	
pmi(information,	data) = log	52 (	.32/	(.37*.5	8))=	58		
		DDMI/w	ontout)		6	57 using	full preci	ision)
	computo	data	ninch	rocult	sugar			
apricat	compute	uata	2.25	result	2 25			
apricot			2.25	-	2.25			
pineappie	4.64		2.25	-	2.25			
digital	1.66	0.00	-	0.00	-			
information	0.00	0.57	-	0.47	-			



└─Vecteurs dispersés └─PPMI

# Weighting PMI

PMI is biased toward infrequent events

Very rare words have very high PMI values

Two solutions:

• Give rare words slightly higher probabilities

Use add-one smoothing (which has a similar effect)



└─Vecteurs dispersés └─PPMI

> Weighting PMI: Giving rare context words slightly higher probability

Raise the context probabilities to  $\alpha = 0.75$ :  $PPMI_{\alpha}(w,c) = \max(\log_2 \frac{P(w,c)}{P(w)P_{\alpha}(c)}, 0)$ 

$$P_{\alpha}(c) = \frac{count(c)^{\alpha}}{\sum_{c} count(c)^{\alpha}}$$

This helps because  $P_{\alpha}(c) > P(c)$  for rare cConsider two events, P(a) = .99 and P(b)=.01

$$P_{\alpha}(a) = \frac{.99^{.75}}{.99^{.75} + .01^{.75}} = .97 \ P_{\alpha}(b) = \frac{.01^{.75}}{.01^{.75} + .01^{.75}} = .03$$



└─Vecteurs dispersés └─PPMI

# Use Laplace smoothing (add -1)

			А	dd-2 Sm	oothed	Count(w	context
		com	puter	data	pinch	result	sugar
	apricot		2	2	3	2	3
	pineapple		2	2	3	2	3
	digital		4	3	2	3	2
	informatio	on	3	8	2	6	2
	,	text) [a	dd-2]		p(\	v)	
	computer	data	pinch	result	sugar	r i i	-
apricot	0.03	0.03	0.05	0.03	0.05	5	0.20
pineapple	0.03	0.03	0.05	0.03	0.05	5	0.20
digital	0.07	0.05	0.03	0.05	0.03	3	0.24
information	0.05	0.14	0.03	0.10	0.03	3	0.36
p(context)	0.19	0.25	0.17	0.22	0.17	,	



└─Vecteurs dispersés └─PPMI

#### PPMI versus add-2 smoothed PPMI PPMI(w,context) pinch computer data result sugar 2.25 2.25 apricot 2.25 2.25 pineapple digital 1.66 0.00 0.00 0.00 0.57 0.47 information -PPMI(w,context) [add-2] pinch result computer data sugar apricot 0.00 0.00 0.56 0.00 0.56 0.00 0.56 0.00 0.56 pineapple 0.00 digital 0.62 0.00 0.00 0.00 0.00 information 0.00 0.58 0.00 0.37 0.00



## Plan

### Sémantique lexicale

Vecteurs dispersés Sémantique distributionnelle : principe Tf-ldf PPMI

### Vecteurs denses

Word2vec Propriétés des embeddings



### Densité

Les vecteurs construits avec tf-idf et PPMI sont longs (entre 20k et 50k), et creux.

Les vecteurs dont nous allons parler maintenant sont courts (entre 50 et 1000 dimensions), et denses (presque pas de zéros). Avantage des vecteurs denses :

- les vecteurs de petite taille peuvent être plus faciles à utiliser pour l'apprentissage (moins de poids à régler)
- les vecteurs de petite taille peuvent généraliser mieux que les vecteurs de fréquence
- ▶ ils peuvent aussi mieux représenter la synonymie :
  - voiture et automobile sont des synonymes, mais s'ils sont pris comme deux dimensions distinctes, les voisins de ces deux mots ne sont pas considérés comme similaires
- en pratique, ils fonctionnent mieux



Word2vec

Word2vec

- Première proposition vraiment à large couverture,
- très répandue encore aujourd'hui,
- rapide à entraîner,
- le code est accessible sur Internet.
- Idée : faire des prédictions plutôt que des comptages.



Word2vec

### Principe général

- Au lieu de <u>compter</u> combien de fois chaque mot w apparaît dans le voisinage du mot « abricot »
- > on entraîne un classifieur sur une tâche de prédiction binaire :
  - Est-ce que w a des chances d'apparaître dans le voisinage d'« abricot » ?
- La tâche en elle-même n'est pas le but de l'opération
- mais elle va fournir des poids appris qui vont représenter le mot



### Avancée théorique

Avec cette méthode, on *utilise du texte courant comme données d'entraînement supervisées implicitement* 

Tout mot s dans le voisinage de « abricot »

- fonctionne comme une réponse correcte "gold" à la question :
- Est-ce que w a des chances d'apparaître dans le voisinage d'« abricot » ?
- Aucune supervision manuelle n'est requise
- L'idée vient du domaine de la modélisation de langage neuronale
  - Bengio et al (2003)
  - Collobert et (2011)





### Les différents algorithmes

Deux grands types d'algorithmes dans l'article de Mikolov :

- Continuous Bag of Words (CBOW)
- Skip-gram

On présente dans ce qui suit l'architecture SGNS (skip-gram with negative sampling)



-Word2vec

### Algorithme skip-gram

- 1. On considère le mot cible et le voisinage comme des exemples positifs
- 2. On tire au hasard d'autres mots du lexique pour obtenir des exemples négatifs
- 3. On utilise la régression logistique pour entraîner un classifieur pour distinguer ces deux cas
- 4. Les poids appris sont utilisés comme plongement.



### Données d'entraînement

```
Phrase d'entraînement :
... lemon, tablespoon of apricot jam a pinch...
c1 c2 target c3 c4
```

Objectif du skip-gram : étant donné un tuple (t,c) (target, context-word)

- (apricot, jam)
- (apricot, aardvark)
- $\rightarrow$  retourner la probabilité que c soit un vrai mot de contexte.



### Calcul de la probabilité

Intuition :

- Les mots ont des chances d'apparaître près de mots similaires
- On modélise la similarité avec le produit scalaire
- Similarity(t,c)  $\propto$  t  $\cdot$  c

Problème :

 Le produit scalaire n'est pas une probabilité ! (le cosinus non plus)



we we dot product  $t \cdot c$  is not a probability, it is just a net  $\infty$ . We determine the probability of  $\infty$  we determine the matter, that cosine isn't a probability of the state of the sta







-Vecteurs denses

-Word2vec

Transformation d'un produit scalaire en probabilité (suite)

$$P(+|t,c)=rac{1}{1+e^{-t\cdot c}}$$

$$P(-|t,c) = 1 - P(+|t,c) = rac{e^{-t \cdot c}}{1 + e^{-t \cdot c}}$$

Pour les mots de contexte (sous l'hypothèse qu'ils sont indépendants)

$$egin{aligned} &P(+|t,c_{1:k}) = \prod_{i=1}^k rac{1}{1+e^{-t\cdot c_i}} \ \log P(+|t,c_{1:k}) = \sum_{i=1}^k \log rac{1}{1+e^{-t\cdot c_i}} \end{aligned}$$



-Word2vec

### Exemples positifs et négatifs

lemon,	tablespoon	of	apricot	jam	а	pinch
	c1	c2	target	<b>c</b> 3	c4	

positifs		négatifs			
t	С	t	С	t	С
apricot	tablespoon	apricot	aardvark	apricot	twelve
apricot	of	apricot	puddle	apricot	hello
apricot	jam	apricot	where	apricot	dear
apricot	а	apricot	coaxial	apricot	forever

Pour chaque exemple positif, on crée k exemples négatifs, en utilisant des mots au hasard ( $\neq$ t)



### Choix des mots « négatifs (noise words) »

Le tirage au sort pourrait se faire selon la fréquence des unigrammes (le mot *le* serait choisi avec une probabilité de  $\frac{count('le')}{N}$ ), mais on préfère utiliser une fréquence pondérée  $P_{\alpha}(w)$ :

$${\it P}_{lpha}(w) = rac{count(w)^{lpha}}{\sum_{w^j} count(w^j)^{lpha}}$$

On choisit fréquemment  $\alpha = \frac{3}{4}$ . Utiliser une pondération augmente la probabilité des mots rares.



### Mise en place

On démarre avec chaque mot représenté par un vecteur d'une taille donnée (p.ex. 300), initialisé au hasard. On a donc au départ  $300 \times V$  paramètres aléatoires Sur la totalité du jeu d'entraînement, on va chercher à ajuster les vecteurs de mots de telle sorte que

- la similarité des paires (t,c) avec c dans les exemples positifs soit maximale
- la similarité des paires (t,c) avec c dans les exemples négatifs soit minimale

On veut donc maximiser :

$$\sum_{(t,c)\in +} \log P(+|t,c) + \sum_{(t,c)\in -} \log P(-|t,c)$$



└─Word2vec

### Si on choisit un mot cible t

$$L(\theta) = \log P(+|t,c) + \sum_{i=1}^{k} \log P(-|t,n_i)$$

$$= \log \sigma(t \cdot c) + \sum_{i=1}^k \log \sigma(-n_i \cdot t)$$

$$= \log \frac{1}{1+e^{-c \cdot t}} + \sum_{i=1}^k \log \frac{1}{1+e^{n_i \cdot t}}$$



-Word2vec

### Entraînement

On réalise l'entraînement avec une descente de gradient.



En fait, cette méthode apprend en même temps deux embeddings pour chaque mot.



-Word2vec

# Summary: How to learn word2vec (skip-gram) embeddings

Start with V random 300-dimensional vectors as initial embeddings

Use logistic regression, the second most basic classifier used in machine learning after naïve bayes

- Take a corpus and take pairs of words that co-occur as positive examples
- Take pairs of words that don't co-occur as negative examples
- Train the classifier to distinguish these by slowly adjusting all the embeddings to improve the classifier performance
- Throw away the classifier code and keep the embeddings.



-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

# Summary: How to learn word2vec (skip-gram) embeddings

Start with V random 300-dimensional vectors as initial embeddings

Use logistic regression, the second most basic classifier used in machine learning after naïve bayes

- Take a corpus and take pairs of words that co-occur as positive examples
- Take pairs of words that don't co-occur as negative examples
- Train the classifier to distinguish these by slowly adjusting all the embeddings to improve the classifier performance
- Throw away the classifier code and keep the embeddings.



-Vecteurs denses





-Vecteurs denses





-Vecteurs denses





#### -Vecteurs denses





#### -Vecteurs denses





-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

Embeddings can help study word history!

Train embeddings on old books to study changes in word meaning!!



Will Hamilton



-Vecteurs denses





-Vecteurs denses





-Vecteurs denses





-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

### Embeddings and bias



-Vecteurs denses





Vecteurs denses





-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

### Directions

Debiasing algorithms for embeddings

 Bolukbasi, Tolga, Chang, Kai-Wei, Zou, James Y., Saligrama, Venkatesh, and Kalai, Adam T. (2016). Man is to computer programmer as woman is to homemaker? debiasing word embeddings. In Advances in Neural Information Processing Systems, pp. 4349–4357.

Use embeddings as a historical tool to study bias



-Vecteurs denses





-Vecteurs denses





-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

# Embeddings reflect ethnic stereotypes over time

Garg, Nikhil, Schiebinger, Londa, Jurafsky, Dan, and Zou, James (2018). Word embeddings quantify 100 years of gender and ethnic stereotypes. Proceedings of the National Academy of Sciences, 115(16), E3635–E3644

- Princeton trilogy experiments
- Attitudes toward ethnic groups (1933, 1951, 1969) scores for adjectives
  - industrious, superstitious, nationalistic, etc
- Cosine of Chinese name embeddings with those adjective embeddings correlates with human ratings.



-Vecteurs denses





-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

## Changes in framing: adjectives associated with Chinese

Garg, Nikhil, Schiebinger, Londa, Jurafsky, Dan, and Zou, James (2018). Word embeddings quantify 100 years of gender and ethnic stereotypes. Proceedings of the National Academy of Sciences, 115(16), E3635–E3644

1910	1950	1990	
Irresponsible	Disorganized	Inhibited	
Envious	Outrageous	Passive	
Barbaric	Pompous	Dissolute	
Aggressive	Unstable	Haughty	
Transparent	Effeminate	Complacent	
Monstrous	Unprincipled	Forceful	
Hateful	Venomous	Fixed	
Cruel	Disobedient	Active	
Greedy	Predatory	Sensitive	
Bizarre	Boisterous	Hearty	



-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

### Conclusion

### Concepts or word senses

- Have a complex many-to-many association with words (homonymy, multiple senses)
- Have relations with each other
  - Synonymy, Antonymy, Superordinate
- But are hard to define formally (necessary & sufficient conditions)

### Embeddings = vector models of meaning

- More fine-grained than just a string or index
- Especially good at modeling similarity/analogy
  - Just download them and use cosines!!
- Can use sparse models (tf-idf) or dense models (word2vec, GLoVE)
- Useful in practice but know they encode cultural stereotypes



-Vecteurs denses

Propriétés des embeddings

### References

Jurafsky, Daniel, & Martin, James H. 2019. Speech and Language Processing : An Introduction to Natural Language Processing, Speech Recognition, and Computational Linguistics. Prentice-Hall. drafts of August 29, 2019.

